

מבוא לסטטיסטיקה והסתברות

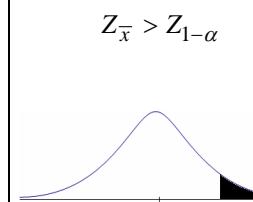
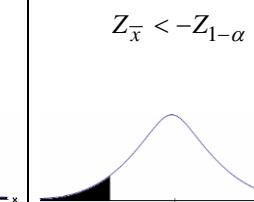
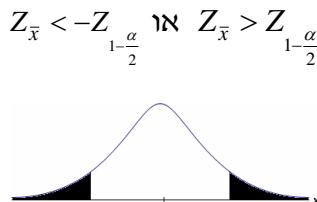
פרק 37 - בדיקת השערות על תוחלת (ممוצע)

תוכן העניינים

1.	בדיקת השערות על תוחלת (ממוצע) כשבונות האוכלוסייה ידועה
5.	סיכוי לטעויות ועוצמה (שבונות האוכלוסייה ידועה)
11.	קבעת גודל מוגן (שבונות האוכלוסייה ידועה)
14.	МОובהkeiten תוצאה - אלף מינימלית (שבונות האוכלוסייה ידועה)
19.	בדיקת השערות על תוחלת (ממוצע) כשבונות האוכלוסייה לא ידועה
23.	МОובהkeiten תוצאה - אלף מינימלית (שבונות האוכלוסייה לא ידועה)
26.	הקשר בין רוח סמך לבדיקה השערות על תוחלת (ממוצע)

בדיקות השערות על תוחלת (ממוחע) כשבונות האוכלוסייה ידועה:

רקע:

$H_0 : \mu \leq \mu_0$	$H_0 : \mu \geq \mu_0$	$H_0 : \mu = \mu_0$	השערת האפס: השערת אלטרנטיבית: תנאים:
$H_1 : \mu > \mu_0$	$H_1 : \mu < \mu_0$	1. σ ידועה או מדגם מספיק גדול 2. $X \sim N$	
$Z_{\bar{x}} > Z_{1-\alpha}$  $Z_{1-\alpha}$ -דוחים את H_0	$Z_{\bar{x}} < -Z_{1-\alpha}$  $-Z_{1-\alpha}$ -דוחים את H_0	$Z_{\bar{x}} < -Z_{\frac{1-\alpha}{2}}$ או $Z_{\bar{x}} > Z_{\frac{1-\alpha}{2}}$  $-Z_{\frac{1-\alpha}{2}}$ $Z_{\frac{1-\alpha}{2}}$ -דוחים את H_0	כלל ההכרעה: אזור הדחיה של H_0

סטטיטיסטי המבחן: $Z_{\bar{x}} = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$

חלופה אחרת לכלל הכרעה:

$\bar{X} > \mu_0 + Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} < \mu_0 - Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} > \mu_0 + Z_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ או $\bar{X} < \mu_0 - Z_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	נדחה H_0 אם מתקיים:
--	--	--	---

דוגמה:

יבול העגבנייהות מתפלג נורמלית עם תוחלת של 10 טון לדונם וסטיית תקן של 2.5 טון לדונם בעונה. משערים ששיטת זיוב חדשת تعالה את תוחלת היבול לעונה מבלי לשנות את סטיית התקן. נדגמו 4 חלוקות שזובלו בשיטה החדשת. היבול הממוצע שהתקבל היה 12.5 טון לדונם. בדקו את ההשערה ברמת מובהקות של 1%.

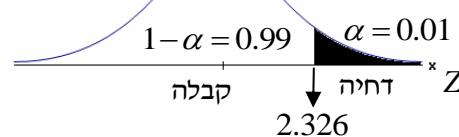
פתרונות:אוכלוסייה: עגבנייהות.המשתנה: X = יבול העגבנייהות בטון לעונה.הפרמטר: μ = תוחלת היבול בשיטה החדשת.

$$\begin{aligned} H_0 : \mu &= 10 \\ H_1 : \mu &> 10 \end{aligned}$$

תנאים:

1. $X \sim N$.

2. $\sigma = 2.5$.

כל הכלעה:נדחה את H_0 אם $Z_{\bar{x}} > 2.326$ תוצאות: $n = 4$, $\bar{x} = 12.5$

$$\text{סטטיסטי המבחן} : Z_{\bar{x}} = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$\text{נzieb} : Z_{\bar{x}} = \frac{12.5 - 10}{\frac{2.5}{\sqrt{4}}} = 2 < 2.326$$

מסקנה:לא נדחה H_0 (נקבל H_0).

ברמת מובהקות של 1% לא נוכל לקבל את הטענה ששיטה החדשת היבול מעלה את תוחלת היבול של העגבנייהות.

שאלות:

- 1)** ממוצע הציונים בבחינות הבגרות באנגלית הנו 72 עם סטיית תקן 15 נקודות. מורה טוען שפיתח שיטת לימוד חדשה שתעלה את ממוצע הציונים. משרד החינוך החליט לתת למורה 36 תלמידים אקראים. ממוצע הציונים של אותם תלמידים לאחר לימודו בשיטתו היה 75.5. בהנחה שגם בשיטתו סטיית התקן תהיה 15 מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5%?
- 2)** לפי הצהרת היצרן של חברת משקאות מסוימת נפח הנוזל בבקבוק מתפלג נורמלית עם תוחלת 500 סמ"ק וסטיית תקן 20 סמ"ק. אגודות היצרנים מתלוננת על הפחתת נפח המשקה בבקבוק מהכמות המומוצרת. במדוגם שעשתה אגודות היצרנים התקבל נפח ממוצע של 492 סמ"ק במדוגם בגודל 25.
- מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 2.5%?
 - האם ניתן לדעת מה תהיה המסקנה עבור רמת מובהקות גבוהה מ-5%?
- 3)** מהנדס האיכות מעוניין לבדוק אם מכונה מכילה (מאופסת). המכונה כוננה לחתווך מוטות באורך 50 ס"מ. לפי נתוני היצרן סטיית התקן בחיתוך המוטות היא 0.5 ס"מ. במדוגם של 50 מוטות התקבל ממוצע אורך המוט 50.93 ס"מ. מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5%?
- 4)** המשקל המומוצע של הספורטאים בתחום ספורט מסויים הוא 90 ק"ג, עם סטיית תקן 8 ק"ג. לפי דעת מומחים בתחום יש צורך בהורדת המשקל ובשימוש בדיאטה מסוימת לצריכה להביא להורדת המשקל. לשם בדיקתיעילות הדיאטה נלקח מדגם מקורי של 50 ספורטאים ובתום שנה של שימוש בדיאטה התברר שהמשקל המומוצע במדוגם זה היה 84 ק"ג. יש לבדוק בר"מ של 10%, האם הדיאטה גורמת להורדת המשקל.
- 5)** לפי מפרט נתון, על עובי בורג להיות 4 מ"מ עם סטיית תקן של 0.2 מ"מ. במדוגם של 25 ברגים העובי המומוצע היה 4.07 מ"מ. קבעו ברמת מובהקות 0.05, האם עובי הברגים מתאים למפרט. הניחו כי עובי של בורג מתפלג נורמלית וסטיית התקן של עובי בורג היא אכן 0.2 מ"מ.
- 6)** במחקר נמצא שתוצאה היא מובהקת ברמת מובהקות של 5% מה תמיד נכון? בחרו בתשובה הנכונה.
- הגדלת רמת המובהקות לא תנסה את מסקנת המחקר.
 - הגדלת רמת המובהקות תנסה את מסקנת המחקר.
 - הקטנת רמת המובהקות לא תנסה את מסקנת המחקר.
 - הקטנת רמת המובהקות תנסה את מסקנת המחקר.

7) חוקר ערך מבחן דו צדי ברמת מובהקות של α והחליט לדחות את השערת האפס.

אם החוקר היה עורך מבחן דו צדי ברמת מובהקות של $\frac{\alpha}{2}$ אז בהכרח:

- א. השערת האפס הייתה נדחתה.
- ב. השערת האפס הייתה לא נדחתה.
- ג. לא ניתן לדעת מה תהיה מסקנתו במקרה זה.

8) שני סטטיסטיקים בדקו השערות: $H_1: \mu > \mu_0$, $H_0: \mu = \mu_0$ נגדן עברו שנות ידועה ובאותה רמת מובהקות. שני החוקרים קיבלו אותו ממוצע במדגם אך לחוקר א' היה מדגם בגודל 100 ולחוקר ב' מדגם בגודל 200.

- א. אם חוקר א' החליט לדחות את H_0 , מה יהיה חוקר ב'? נמקו.
- ב. אם חוקר א' יחליט לא לדחות את H_0 , מה יהיה חוקר ב'? נמקו.

תשובות סופיות:

- 1) קיבל H_0 , בר"מ של 5% לא קיבל את הטענה של המורה ששיטת הלימוד שלו מעלה את ממוצע הציונים.
- 2) א. נדחה H_0 , בר"מ של 2.5% קיבל את תלונת אגודות הרכנים בדבר הפחחת נפח המשקה בבקבוק.
ב. הגדלנו את רמת המובהקות לכן אנחנו נשארים בדוחיה של H_0 והמסקנה לא משתנה.
- 3) נדחה H_0 , בר"מ של 5% נקבע שהמכונה לא מאופסת.
- 4) נדחה H_0 , בר"מ של 0.1 קיבל את הטענה שהדיאטה עיליה ומפחיתה את המשקל הממוצע.
- 5) קיבל H_0 , בר"מ של 0.05 נזכיר שתוחלת עובי הבורג מתיים למפרט.
- 6) א'.
- 7) ג'.
- 8) א. לדחות.
ב. לא ניתן לדעת.

סיכום לטעויות ועוצמה (שינוי האוכלוסייה ידועה):

רקע:

		הכרעה	
		H_0	H_1
מציאות	H_0	אין טעות 1	טעות מסוג 1
	H_1	טעות מסוג 2	אין טעות

הגדרת הסתברויות:

הסיכוי לבצע טעות מסוג 1 (רמת מובהקות) :
 $(\text{לדוחות } H_0 = P_{H_0} (H_0 \text{ נכונה}) | \text{ לדוחות את } H_0)$

הסיכוי לבצע טעות מסוג 2 :
 $(\text{לקבל } H_0 = P_{H_1} (H_1 \text{ נכונה}) | \text{ לקבל את } H_1)$

רמת בתרון :
 $(\text{לקבל } H_0 = P_{H_0} (H_0 \text{ נכונה}) | \text{ לקבל את } H_0)$

עוצמה :
 $(\text{לדוחות } H_1 = P_{H_1} (H_1 \text{ נכונה}) | \text{ לדוחות את } H_1)$

התהlixir לחישוב סיכוי לטעות מסוג שני:

$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_0 : \mu = \mu_0$	השערת האפס: השערת אלטרנטיבתית:
$H_1 : \mu > \mu_0$	$H_1 : \mu < \mu_0$	$H_1 : \mu \neq \mu_0$ תנאים: 1. σ ידועה 2. או מדגם מספיק גדול $X \sim N$.	
$\bar{X} > \mu_0 + Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} < \mu_0 - Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} > \mu_0 + Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ או $\bar{X} < \mu_0 - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	כל הבדיקה: אזור הדחיה של H_0:
$P_{H_1} \left(\bar{X} < \mu_0 + Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$	$P_{H_1} \left(\bar{X} > \mu_0 - Z_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$	$P_{H_1} \left(\mu_0 - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \bar{X} < \mu_0 + Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$	חישוב β:

התפלגות ממוצע המדגמים: $\bar{X} \sim N\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right)$

$$\text{התקנון: } Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

דוגמה:

בתחילת השנה חשבו הטלפון הסלולארי הממוצע לאדם היה 200 נק' עם סטיית תקן של 80 נק' לחודש. בעקבות כניסה של חברות טלפון סלולארית חדשות מעונייניות לבדוק האם כיום ממוצע חשבו הטלפון הסלולארי פחות. לצורך בדיקה נגמו באקראי 36 אנשים וחשבו הטלפון הסלולاري שלהם היה 150 נק' בממוצע לחודש.

- רשמו את השערות המחקר ובנו כלל הבדיקה במנוחי חישוב ממוצע מדגמי ברמת מובהקות של 5%.
- מה מסקנתכם? איזה סוג טעות אפשרית במסקנה?
- נניח שבמציאות ביום החישוב הממוצע הוא 160 נק'. מה הסיכוי לבצע טעות מסוג שני?
- אם נקבע את רמת המובהקות מסעיף א', כיצד הדבר ישפיע על התשובה מסעיף ג'?

פתרונות:א. אוכלוסייה: משלמי חשבון טלפון סלולאר Cioms.המשתנה : $X = \text{חשבון הטלפון החדש שקלים}$.הפרמטר : μ .

$$\begin{array}{l} H_0: \mu = 200 \\ H_1: \mu < 200 \end{array} \quad \text{השערות:}$$

תנאים :

$$\cdot \mu = 200 \cdot 1$$

$$\cdot n = 36 \cdot 2$$

$$\cdot \bar{X} < \mu_0 - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \quad K = \mu_0 - Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\alpha = 0.05$$

$$Z_{1-\alpha} = Z_{0.95} = 1.645$$

$$\text{נציב: שקלים} \quad K = 200 - 1.645 \cdot \frac{80}{\sqrt{36}} = 178.07$$

כלל הבדיקה: דחה את H_0 אם שקלים $\bar{X} < 178.07$

ב. ברמת מובהקות של 5% נזכיר שאכן ממוצע חשבון הטלפון הסלולרי פחת מתחילת השנה.

$$\begin{array}{l} H_0: \mu_0 = 200 \\ H_1: \mu < 200 \end{array} \quad \text{השערות:}$$

כלל הבדיקה: נדחה את H_0 אם $\bar{X} < 178.07$

$$\cdot H_1: \bar{X} \sim N\left(160, \frac{80^2}{36}\right)$$

$$Z = \frac{178.07 - 160}{\frac{80}{\sqrt{36}}} = 1.36$$

$$\beta = P_{H_1} \left(\bar{X} > 178.07 \mid H_0 \right) = P_{H_1} \left(\bar{X} > 178.07 \right) = 1 - \phi(1.36) = 1 - 0.9131 = 0.0869$$

ד. הקטנת α מגדילה את β .

שאלות:

1) נתון ש: $X \sim N(\mu, \sigma^2 = 1)$.

להלן השערות של חוקר לגבי הפרמטר μ : $H_0: \mu = 5$, $H_1: \mu = 7$.

מעוניינים ליצור כל הכרעה המתבסס על הסמך צפיפות בודדת כך שרמת המובייקות תהיה 5%.

א. עבור אילו ערכים של X שידגום נדחת השערת H_0 ?

ב. מה הסיכוי לבצע טעות מסוג שני?

ג. אם במדגם התקבל ש- $X = 6.9$ מה תהיה המסקנה ומה הטעות האפשרית?

2) לפי נתוני משרד הפנים בשנת 1980 למשפחה ממוצעת היה 2.3 ילדים למשפחה

עם סטטיסטיקת תקן 0.4. מעוניינים לבדוק אם כיוון ממוצע מספר הילדים למשפחה

קטן יותר. לצורך כך הוחלט לדגום 121 משפחות.

במדגם התקבל ממוצע 2.17 ילדים למשפחה.

א. רשמו כלל הכרעה במונחי ממוצע מדגם קרייטי ברמת מובייקות של 5%.

ב. בהמשך לסעיף א' מה תהיה המסקנה ומה הטעות האפשרית במסקנה?

ג. אם באמת ממוצע מספר הילדים במשפחה פחות לכדי 2.1 מהי העצמה של הכלל מסעיף א'?

3)להלן נתונים על תהליכי בדיקת השערות על תוחלת:

$n = 30$, $\sigma = 200$, $H_1: \mu \neq 200$, $H_0: \mu = 225$.

א. רשמו כלל הכרעה במונחי ממוצע מדגם קרייטי וברמת מובייקות של 10%.

ב. בהמשך לסעיף א', מהי העצמה אם התוחלת שווה ל-195?

ג. הסבירו, ללא חישוב, איך העצמה תשנה אם רמת המובייקות תהיה 5%?

4) מפעל לייצור צינורות מייצרת צינור שקווטרו מתפלג נורמלית עם תוחלת של 50

מ"מ וסטטיסטיקת תקן של 6 מ"מ. במחלקת ביקורת האיכות דוגמים בכל יום 81

צינורות ומודדים את קוטרם, בצד בדוק, בעזרת מבחן סטטיסטי, האם

מכונת הייצור מכוקית כנדרש או שקווטר הצינורות קטן מהדרוש.

א. רשמו את ההשערות ואת כלל ההכרעה ברמת מובייקות של 5%.

ב. אם ביום כלשהו מכונת הייצור התקללה והיא מייצרת את הצינורות

בקוטר שתוחלו 48 מ"מ בלבד (סטטיסטיקת התקן לא השתנתה), מה ההסתברות

שהתקלה לא תגללה בבדיקה האיכות? כיצד נקראת הסתברות זו?

ג. הסבירו ללא חישוב כיצד התשובה לשעיף ב' תשנה אם רמת המובייקות גדל.

ד. הסבירו ללא חישוב כיצד התשובה לשעיף ב' תשנה אם התוחלת האמיתית

היא 47 ולא 48 מ"מ.

- 5) להלן השערות של מחקר: $H_0: \mu = 50$, $H_1: \mu = 58$.
 מעוניינים לדגום 100 תכפיות. ידוע שטטיות התקן של ההתפלגות הינה 20.
 א. בנו כלל הכרעה שהסיכוי לטעות מסוג שני בו הוא 10%.
 מהי רמת המובהקות?
 ב. כיצד הייתה משתנה רמת המובהקות אם (כל סעיף בפני עצמו)?
 i. טטיות התקן הייתה יותר גדולה.
 ii. הסיכוי לטעות מסוג שני גדול יותר.

השאלות שלහן הן שאלות רב-ברירה, בחרו בתשובה הנכונה ביותר:

- 6) אם חוקר החליט להגדיל את רמת המובהקות במחקר שלו אז:
 א. הסיכוי לטעות מסוג ראשון גדול.
 ב. העוצמה של המבחן קטנה.
 ג. הסיכוי לטעות מסוג שני גדול.
 ד. תשובות א' ו-ב' נכונות.
- 7) חוקר ביצע מחקר ובו עשה טעות מסוג שני בכך:
 א. השערת האפס נכונה.
 ב. השערת האפס נדחתה.
 ג. השערת האפס לא נדחתה.
 ד. אף אחת מהתשובות לא נכונה בהכרח.

- 8) מה המצב הרצוי לחוקר המבצע בבדיקה השערה:

α	$1 - \beta$
א. גדולה	קטנה
ב. גדולה	קטנה
ג. קטנה	גדולה
ד. קטנה	קטנה

- 9) נערך שינוי בכלל ההחלטה של בדיקת השערה מסוימת ובעקבותיו איזור דחיתת H_0 קטן. כל שאר הגורמים נשארו ללא שינוי. כתוצאה לכך:
 א. הוא α , והוא $\beta - 1$, יקטנו.
 ב. α יישאר ללא שינוי ואילו $\beta - 1$ יגדל.
 ג. α יגדל ואילו $\beta - 1$ יקטן.
 ד. הוא α והוא $\beta - 1$ יגדל.

10) ידוע כי לחץ דם תקין באוכלוסייה הוא 120. רופא מניח של לחץ הדם בקרוב עיתונאים גבוה יותר מה ממוצע באוכלוסייה. הואלקח מדגם של 60 עיתונאים וקיבל ממוצע 137. על סמך המדגם, הוא בודק טענתו ברמת מובהקות 0.02 ומסיק של לחץ הדם בקרוב העיתונאים אינו גבוה יותר. מה הטעות האפשרית שהרופא עושה?

- א. טעות מסוג ראשון.
- ב. טעות מסוג שני.
- ג. טעות מסוג שלישי.
- ד. אין טעות במסקנותו.

תשובות סופיות:

- (1) א. מעל 5.646. ב. 0.3594. ג. דחינו את H_0 , ת騰ן טעות מסוג ראשון.
- (2) א. נדחה H_0 אם $\bar{X} < 2.24$. ב. 1. $\bar{X} < 2.24$. ג. תקתו.
- (3) א. נדחה H_0 אם $\bar{X} > 203.29$ או $\bar{X} < 196.71$. ב. 0.8051. ג. תקתו.
- (4) א. נדחה H_0 אם $\bar{X} < 48.9$. ב. 0.0885. ג. תקתו. ד. תקתו.
- (5) א. 0.0033. ב. נ. רמת המובהקות הייתה קטנה. ג. נ. רמת המובהקות הייתה גדולה.
- (6) ד. נ.
- (7) ג. נ.
- (8) ג. נ.
- (9) א. נ.
- (10) ב. נ.

קביעת גודל מוגן (שינוי האוכלוסייה ידועה):

רקע:

השערות המחקר הן: $H_0: \mu = \mu_0$, $H_1: \mu = \mu_1$. סטיטית התקן של האוכלוסייה ידועה σ ומשמעותיים לבצע מחקר שרמת המובהקות לא תעלה על α והסיכוי לטעות מסווג שני לא עלה על β .

$$\text{הנוסחה הבאה נותנת את גודל המוגן הרצוי: } n \geq \left(\frac{(Z_{1-\alpha} + Z_{1-\beta}) \times \sigma}{\mu_0 - \mu_1} \right)^2.$$

דוגמא:

משרד החינוך מפעיל בגין חובה שיטת חינוך שפותחה בשנת 1995. לפי שיטת חינוך זו תוחלת הציון בבחן אוצר מיליון לגיל הרך הוא 70. אנשי חינוך החליטו לבדוק שיטת חינוך שפותחה בהולנד הנוגנת שם תוחלת ציון אוצר מיליון של 80. נניח שציוני מבחן זה מתפלגים נורמלית עם $\sigma = 17$. כדי לבדוק האם גם בישראל הפעלת שיטת החינוך ההולנדית תעבוד בגנים, רוצחים לבנות מחקר ברמת מובהקות של 5%. כמו כן, מעוניינים שאמ בפעולת השיטה ההולנדית תוחלת הציונים תעלה לכדי 80, המחקר יגלה זאת בסיכוי של 90%. כמה ילדי גן חובה דרושים למחקר?

פתרון:

האוכלוסייה: ילדי גן חובה.

המשתנה: $X = \text{ציון בבחן אוצר מיליון}$.

הפרמטר: μ .

$$\text{השערות: } H_0: \mu = 70 \\ H_1: \mu = 80$$

$$X \sim N(\mu, \sigma^2 = 17^2)$$

אם בפעולת השיטה ההולנדית התוחלת תעלה ל-80, נגלה זאת בסיכוי 90%.

$$n \geq \left(\frac{(Z_{1-\alpha} + Z_{1-\beta}) \times \sigma}{\mu_0 - \mu_1} \right)^2$$

$$\alpha = 0.05$$

$$1 - \beta = 0.9$$

$$\mu_0 = 70$$

$$\mu_1 = 80$$

$$\sigma = 17$$

$$\begin{aligned} Z_{1-\alpha} &= Z_{0.95} = 1.645 \\ Z_{1-\beta} &= Z_{0.9} = 1.282 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n \geq & \left(\frac{(1.645 + 1.282) \times 17}{70 - 80} \right)^2 = 24.76 \\ \text{נכיב: } & . n_{\min} = 25 \end{aligned}$$

שאלות:

- 1)** ב厰ן אינטיגנצה הציוניים מתפלגים נורמללית עם סטיית תקן 8 וממוצע 100. פסיקולוג מעוניין לבדוק את הטענה שבאוכליות במצב סוציאו אקונומי נמוך תוחלת הציוניים היא 95. אם מעוניינים לגלו את הטענה בהסתברות של לפחות 99% כشرط המובהקות היא 5% מהו גודל המדגם הדרוש?
- 2)** משרד התקשורת טוענים שאדם מדובר בממוצע 180 דקות בחודש בטלפון הסלולרי. חברות הטלפון הסלולרי טוענות שאינפורמציה זו אינה נכונה ואדם מדובר בממוצע פחות : c-160 דקות. לצורך פתרון נניח שסטיית התקן של זמן השיחה החדש ידוע ושווה ל-60 דקות. כמה אנשים יש לדגום כך שאם טענת משרד התקשורת נכונה אותה בסיכוי של 5% (איך קוראים להסתברות זאת?) כמו כן אם טענת חברות הטלפון הסלולרית נכונה המבחן יגלה זאת בסיכוי של 90% (איך קוראים להסתברות זאת?).
- 3)** השערות המבחן הן : $\mu_1 = \mu$, $H_0: \mu = \mu_0$. כמו כן נתון שהמשתנה מתפלג נורמלית עם סטיית התקן ידועה σ מעוניינים לבצע מחקר שרמת המובהקות לא תעלה על α והסיכוי לטעות מסוג שני לא עולה על β . הוכיחו שגודל המדגם הרצוי לכך יהיה :
- $$\cdot n \geq \left(\frac{(Z_{1-\alpha} + Z_{1-\beta}) \times \sigma}{\mu_0 - \mu_1} \right)^2$$

תשובות סופיות:

- .41 (1)
.78 (2)
(3) שאלת הוכחה.

mobekot_tozacha - alfa_minimalit (shonot) האוכלוסייה ידועה:

רקע:

דרך נוספת להגעה להכרעות שלא דרך כלל הכרעה, היא דרך חישוב מובהקות התוצאות :

באמצעות תוצאות המדגם מחשבים את מובהקות התוצאה שמסומן ב- p_v .
את רמת המובהקות החוקר קובע מראש לעומת זאת, את מובהקות התוצאה החוקר יוכל לחשב רק אחרי שייהיו לו את התוצאות.

המסקנה של המחקר תקבע לפי העיקרונו הבא : אם $\alpha \leq p_v$, דוחים את H_0 .
mobekot_tozacha זה הסיכוי לקבלת תוצאות המדגם וקיומו מתוצאות אלה בהנחה השערת האפס.

(לקבל את תוצאות המדגם וקיומו) $\cdot p_v = P_{H_0}$

אם ההשערה היא דו צדדיות :

(לקבל את תוצאות המדגם וקיומו) $\cdot p_v = 2P_{H_0}$

mobekot_tozacha היא גם האלפא המינימלית לדחיתת השערת האפס.

$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_1: \mu > \mu_0$	$H_1: \mu < \mu_0$	$H_1: \mu \neq \mu_0$	השערת האפס : השערה אלטרנטיבית :		
$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$. σ ידועה					
$P_{H_0}(\bar{X} \geq \bar{x})$	$P_{H_0}(\bar{X} \leq \bar{x})$	$2 \cdot P_{H_0}(\bar{X} \geq \bar{x}) \iff \bar{x} > \mu_0$ $2 \cdot P_{H_0}(\bar{X} \leq \bar{x}) \iff \bar{x} < \mu_0$	Tנאים:					
p-value								

כאשר בהנחה השערת האפס :
 $Z_{\bar{x}} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} , \bar{X} \sim N\left(\mu_0, \frac{\sigma^2}{n}\right)$

דוגמה:

המשקל הממוצע של מתגייסים לצבע לפני 20 שנה היה 65 ק"ג. מחקר מעוניין לבדוק האם כיום המשקל הממוצע של מתגייסים גבוה יותר. נניח שהמשקל המתגייסים מתפלג נורמלית עם סטטיסטיקה של 12 ק"ג. במדגם של 16 מתגייסים התקבל משקל ממוצע של 71 ק"ג.

- מהי מובהקות התוצאה?
- מה המסקנה אם רמת המובהקות היא 5% ואם רמת המובהקות היא ?!

פתרון:

a. אוכלוסייה: המתגייסים לצבע ביום.

משתנה: X = משקל בק"ג.

פרמטר: μ .

השערות:
 $H_0: \mu = 65$
 $H_1: \mu > 65$

תנאים:

. $X \sim N$. 1

. $\sigma = 12$. 2

תוצאות מדגם:

$$n = 16$$

$$\bar{X} = 71$$

$$P_V = P_{H_0} \left(\text{لتוצאות המזגם וקיצוני} \right) = P_{H_0} (\bar{X} \geq 71) = 1 - \phi(2) = 1 - 0.9772 = 0.0228$$

$$Z_{\bar{x}} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} = \frac{71 - 65}{12 / \sqrt{16}} = 2$$

$$\alpha_{\min} = 0.0228$$

שאלות:

- 1)** להלן השערות של מחקר: $H_0: \mu = 70$, $H_1: \mu > 70$. המשתנה הנחקר מתפלג נורמלית עם סטיטית תקן 20. במדגם מאותה אוכלוסייה התקבלו התוצאות הבאות: $\bar{x} = 74$, $n = 100$. מהי מובהקות התוצאה?
- 2)** השכר הממוצע במשק בשנת 2012 היה 8800 נס' עם סטיטית תקן 2000. במדגם שנעשה אטמול על 100 עובדים התקבל שכר ממוצע 9500 נס'. מטרת המחקר היא לבדוק האם כיים חלה עלייה בשכר. עבור אילו רמות מובהקות שיבחר החוקר יוחלט שהלאה עלייה בשכר הממוצע במשק?
- 3)** אדם חושד שהברת ממתקים לא עומדת בהתחביבוותה, ומשקלו של חטייף מסוים אותו הוא קונה מדי בוקר נזוק מ-100 גרם. חברות הממתקים טוענת מצידה שהיא אכן עומדת בהתחביבוותה. ידוע כי סטיטית התקן של משקל החטייף היא 12 גרם. האדם מתכוון לשקלול 100 חפיפות חטייפים ולאחר מכן מכון להגיע להחלטה.
לאחר הבדיקה הוא קיבל משקל הממוצע של 98.5 גרם.
א. רשמו את השערות המחקר.
ב. מהי רמת המובהקות המינימלית עבורה דוחים את השערת האפס?
ג. מהי רמת המובהקות המקסימלית עבורה קיבל את השערת האפס?
ד. מה המסקנה ברמת מובהקות של 5%?
- 4)** מכונה לחישוק מוטות בפעול חותכת מוטות באורך שמתפלג נורמלית עם תוחלת אליה כוונה המכונה וסטיטית תקן 2 ס"מ. ביום מסוים כוונה המכונה לחישוך מוטות באורך 80 ס"מ. אחרי האיכות מעוניין לבדוק האם המכונה מכילה. לצורך כך נדגמו מקו היוצר 16 מוטות שנחתכו אורכו הממוצע היה 81.7 ס"מ.
א. מהי רמת המובהקות המינימלית עבורה נカリע שהמכונה לא מכילה?
ב. אם נסיף עוד ציפוי שערכה יהיה 82 ס"מ, כיצד הדבר ישפיע על התשובה של הסעיף הקודם?
ג. הכרע ברמת מובהקות של 5% האם המכונה מכילה.
- 5)** אם מקבלים בחישובים לפחות מינימלית (value P) קטנה מאד, סביר להניח כי החוקר ידחה את השערת האפס בקלות. נכון/לא נכון? נמק.

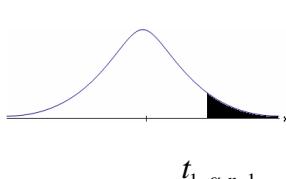
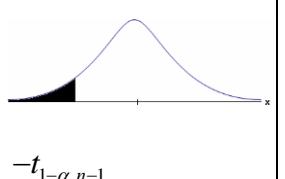
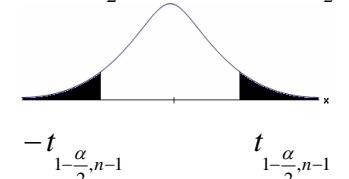
- 6) בבדיקה השערות התקבל שה- $p-value = 0.02$. מה תהיה מסקנת חוקר המשמש ברמת מובהקות 1%? בחרו בתשובה הנכונה.
- יקבל את השערת האפס בכל מקרה.
 - ידחה את השערת האפס מקרה.
 - ידחה את השערת האפס רק אם המבחן הנו דו צדדי.
 - לא ניתן לדעת כי אין מספיק נתונים.
- 7) מובהקות התוצאה (PV) היא גם (בחרו בתשובה הנכונה):
- רמת המובהקות המינימאלית לדחינת השערת האפס.
 - רמת המובהקות המקסימאלית לדחינת השערת האפס.
 - רמת המובהקות שנקבעה מראש על ידי החוקר שטרם קיבל את תוצאות המחקר.
 - רמת המובהקות המינימאלית לאי דחינת השערת האפס.
- 8) בבדיקה השערות מסוימת התקבל: $p value = 0.0254$ לכן (בחרו בתשובה הנכונה):
- ברמת מובהקות של 0.01 אך לא של 0.05 נדחה את H_0 .
 - ברמת מובהקות של 0.01 ושל 0.05 לא נדחה את H_0 .
 - ברמת מובהקות של 0.05 אך לא של 0.01 נדחה את H_0 .
 - ברמת מובהקות של 0.01 ושל 0.05 נדחה את H_0 .

תשובות סופיות:

- (1) 0.0228 .
 (2) עבר כל רמת מובהקות סבירה.
 (3) $H_0: \mu = 100$.
 $H_1: \mu < 100$.
 א. 0.1056 .
 ב. 0.1056 .
 ג. נכון. .
 ד. נכירע שיש עמידה בהתחייבות של החברה.
 א. 0.0006 .
 ב. יקטן. .
 ג. נכירע שאינו כיוול. .
 (4) א. נכון. .
 (5) נכון. .
 (6) א. .
 (7) א. .
 (8) ג. .

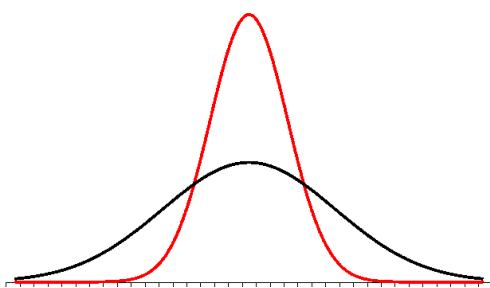
בדיקות השערות על תוחלת (ממוצע) כשבונות האוכלוסייה לא ידועה:

רקע:

$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_0 : \mu = \mu_0$	$H_0 : \mu = \mu_0$	השערת האפס: השערה אלטרנטיבית:
$H_1 : \mu > \mu_0$	$H_1 : \mu < \mu_0$	$H_1 : \mu \neq \mu_0$	
.1. σ אינה ידועה או מוגן מספיק גדול $X \sim N$.2			תנאים:
$t_{\bar{x}} > t_{1-\alpha}^{(n-1)}$  H_0 - דוחים את ■	$t_{\bar{x}} < -t_{1-\alpha}^{(n-1)}$  H_0 - דוחים את ■	$t_{\bar{x}} < -t_{\frac{1-\alpha}{2}, n-1}^{(n-1)}$ או $t_{\bar{x}} > t_{\frac{1-\alpha}{2}, n-1}^{(n-1)}$  H_0 - דוחים את ■	כל הבדיקה: אזור הדחיה של H_0:
$\bar{X} > \mu_0 + t_{1-\alpha}^{n-1} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} < \mu_0 - t_{1-\alpha}^{n-1} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}$	$\bar{X} > \mu_0 + t_{\frac{1-\alpha}{2}}^{n-1} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}$ או $\bar{X} < \mu_0 - t_{\frac{1-\alpha}{2}}^{n-1} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}$	חלופה לכל הבדיקה: נדחה H_0 אם מתקיים:

$$\text{סטטיטיסטי המבחן: } t_{\bar{x}} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2 - n\bar{X}^2}{n-1}$$

**התפלגות T:**

הינה התפלגות סימטרית בעומניות שהתוחלת שלה היא 0. ההתפלגות דומה לתפלגות Z רק שהיא יותר רחבה ולכן הערכים שלה יהיו יותר גבוהים. התפלגות T תלויות במושג שנקרא דרגות החופש.

דרגות החופש הן: $df = n - 1$.

כל שדרגות החופש עלות התפלגות הופכת להיות יותר גבוהה וצרה. כסדרות החופש שוואפות לאינסוף התפלגות T שואפת להיות כמו התפלגות Z.

דוגמה (פתרון בהקלטה):

מפעל קיבל הזמנה לייצור משטחים בעובי של 0.1 ס"מ. כדי לבדוק האם המפעל עומד בדרישה נדגו 10 משטחים ונמצא שהעובי הממוצע הוא 0.104 עם אומדן לסטיתת תקן 0.002 ס"מ.

- מהו השערות המתקי?
- מה ההנחה הדורשא לצורך פתרון?
- בודק ברמת מובהקות של 5%.

שאלות:

- 1)** משך זמן ההחלמה בלקיחת אנטיביוטיקה מסויימת הוא 120 שעות בממוצע עם סטיית תקן לא ידועה. מעוניינים לבדוק האם אנטיביוטיקה אחרת מקטינה את משך זמן ההחלמה. במדגם של 5 חולים שלקחו את האנטיביוטיקה האחראית התקבלו זמני ההחלמה הבאים: 125, 100, 95, 90, 80 שעות. מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5% מהי ההנחה הדרושה לצורך הפתרון?
- 2)** משרד הבריאות פרסם שמשקל ממוצע של תינוקות ביום היולדות בישראל 3300 גר'. משרד הבריאות רוצה לחקור את הטענה שנשים מעשנות בזמן ההריון يولדות תינוקות במשקל נמוך מהתמוצע. במחקר השתתפו 20 נשים מעשנות בהריון. להלן תוצאות המדגם שבדק את המשקל של התינוקות בעת הלידה:
- $$n = 20$$
- $$\bar{x} = 3120$$
- $$S = 280$$
- מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5% מה יש להניח לצורך פתרון?
- 3)** ציוני מבחן אינטילגנציה מתפלגים נורמלית. באלה"ב ממוצע הציונים הוא 100. במדגם שנעשה על 23 נבחנים ישראלים, התקבל ממוצע ציונים 104.5 וסטיית התקן המדגמית 16. האם בישראל ממוצע הציונים שונה מאשר באלה"ב? הסיקו ברמת מובהקות של 5%.
- 4)** באוכלוסייה מסוימת נדגמו 10 תכפיות והתקבלו התוצאות הבאות:
- $$\sum_{i=1}^{10} X_i = 750$$
- $$\sum_{i=1}^{10} (X_i - \bar{X})^2 = 900$$
- נתון שההתפלגות היא נורמלית.
בדוק ברמת מובהקות של 5% האם התוחלת של ההתפלגות שונה מ-80.

- 5) ליאור ורוני העלו את אותן השערות על ממוצע האוכלוסייה. כמו כן הם התבפסו על אותן תוצאות של מדגם. ליאור השתמש בטבלה של התפלגות Z. רוני השתמש בטבלה של התפלגות t. מה נוכל לומר בנוגע להחלטת המחקר שלהם? בחר בתשובה הנכונה.
- אם ליאור ידחה את השערת האפס אז גם בהכרח רוני.
 - אם רוני ידחה את השערת האפס אז גם בהכרח ליאור.
 - שני החוקרים בהכרח הגיעו לאותה מסקנה.
 - לא ניתן לדעת על היחס בין דמיון השערת האפס של שני החוקרים.

- 6) נתון ש: $H_0: \mu = \mu_0$ ו- $H_1: \mu < \mu_0$. $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ כמו כן נתונות ההשערות הבאות:
- חוקר בדק את ההשערות הללו על סמך מדגם שככל 10 תצפיות. σ^2 לא הייתה ידועה לחוקר. החוקר החליט לדחות את השערת האפס ברמת מובייקות של 5% לאחר מכן כדי לחזק את קביעתו הוא דגם עוד 5 תצפיות וشكلל את תוצאות אלה גם למדגם כך שככל עכשו 15 תצפיות. בחר בתשובה הנכונה:
- cut בברור הוא ידחה את השערת האפס.
 - cut הוא דוקא קיבל את השערת האפס.
 - cut לא ניתן לדעת מה תהיה מסקנתו.

תשובות סופיות:

- 1) נדחה H_0 .
- 2) נדחה H_0 .
- 3) קיבל H_0 .
- 4) קיבל H_0 .
- 5) ב'.
- 6) ג'.

mobekot_tozacha - alfa_minimalit (shevona) האוכלוסייה לא ידועה):

רקע:

נזכיר שהמסקנה של המבחן תיקבע לפי העיקרון הבא: אם $\alpha \leq p_v$ דוחים את H_0 .
 mobekot_tozacha היא הסיכוי לקבל תוצאות המדגם וקיצוני מהתוצאות אלה בהנחה השערת האפס.
 • $p_v = P_{H_0}$ (לקבל את תוצאות המדגם וקיצוני)
 אם ההשערה היא דו צדדית:
 • $p_v = 2P_{H_0}$ (לקבל את תוצאות המדגם וקיצוני)

mobekot_tozacha היא גם האלפא המינימלית לדחינת השערת האפס.

$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	$H_0: \mu = \mu_0$	השערת האפס: השערה אלטרנטיבית:	
$H_1: \mu > \mu_0$	$H_1: \mu < \mu_0$	1. σ אינה ידועה או 2. מדגם מספיק גדול $X \sim N$			
$P_{H_0}(\bar{X} \geq \bar{x})$	$P_{H_0}(\bar{X} \leq \bar{x})$	$2 \cdot P_{H_0}(\bar{X} \geq \bar{x}) \leftarrow \bar{x} > \mu_0$ $2 \cdot P_{H_0}(\bar{X} \leq \bar{x}) \leftarrow \bar{x} < \mu_0$			
		p-value			

$$t_{\bar{x}} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2 - n\bar{X}^2}{n-1}$$

$$d.f = n-1$$

דוגמה:

ממוצע זמן הנסיעה של אדם לעובדה הינו 40 דקות. הוא מעוניין לבדוק דרך חלופית שאמורה להיות יותר מהירה. לצורך כך הוא דוגם 5 ימים שבהם הוא נוסע בדרך החלופית. זמני הנסיעה שקיבל בדיקות הם: 34, 40, 30, 32, 27. הנicho שזמן הנסיעה מתפלג נורמלית.

- א. רשמו את השערות המחקר.
- ב. מצאו חסמים לモבಹקות התוצאה.
- ג. מה המסקנה ברמת מובהקות של 5%?

פתרון:

אוכלוסייה: כלל הנסיעות לעובדה בדרך החלופית.

משתנה: $X =$ זמן נסעה בדיקות.

תנאים: $X \sim N$.

פרמטר: μ .

א. השערות:
 $H_0: \mu = 40$
 $H_1: \mu < 40$

ב. תוצאות המדגם:

$$n = 5, \bar{X} = \frac{\sum X_i}{n} = \frac{34 + 40 + \dots}{5} = 32.6$$

$$S^2 = \frac{\sum X_i^2 - n \cdot \bar{X}^2}{n-1} = \frac{34^2 + 40^2 + \dots - 5 \cdot 32.6^2}{5-1} = 23.4$$

$$S = \sqrt{23.4}$$

$$t_{\bar{X}} = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}} = \frac{32.6 - 40}{\frac{4.88}{\sqrt{5}}} = -3.39$$

$$P_V = P_{H_0} = (\bar{X} \leq 32.6) = P(t \leq -3.39)$$

$$d.f = 5 - 1 = 4$$

$$1\% < P_V < 2.5\%$$

$P_V < \alpha = 0.05$, לכן דוחים את H_0 .

מסקנה: בר"מ של 5% נכרייע שהדרך החלופית מהירה יותר.

שאלות:

- 1)** קוו ייצור אריזות סוכר נארזות כך שהמשקל הממוצע של אריזות הסוכר צריך להיות אחד קילוגרם. בכל יום דוגמים מקו הייצור 5 אריזות במטרה לבדוק האם קו הייצור תקין. בבדיקה דגמו 5 אריזות סוכר ולהלן משקלן בגרמים: 1024, 996, 1005, 997, 1008.
- רשמו את השערות המחקר.
 - מהי מובಹקות התוצאות? הצג חסמים.
 - מה המסקנה ברמת מוב hawkות של 5%?
- 2)** חוקר בדק את הטענה כי פועלים העובדים במשמרתليل האיטיים יותר מפועלים העובדים ביום. ידוע כי משך הזמן הממוצע הדרוש לייצר מוצר מסוים ביום הוא 6 שעות. בדוגמא מיקרי של 25 פועלים שעבדו במשמרתليل נמצא כי הזמן הממוצע לייצר אותו מוצר הוא 7 שעות עם סטיית תקון של 3 שעות. מהי α -המינימלית שלפיה ניתן להחליט שancock העובדים במשמרתليل האיטיים יותר?
- 3)** הגובה של מתגייםים לצה"ל מתפלג נורמלית. בדוגמא של 25 מתגייםים מדדו את הגבהים שלהם בס"מ והתקבלו התוצאות הבאות:
- $$\sum (x_i - \bar{x})^2 = 2832, \bar{x} = 176.2$$
- מטרת המחקר היא לבדוק האם תוחלת הגבהים של המתגייםים גבוהה מ-174 ס"מ באופן מובהק. מהי בקרוב מוב hawkות התוצאות ועל פייה מה תהיה המסקנה ברמת מוב hawkות של 6%?

תשובות סופיות:

$$(1) \text{ א. } H_0: \mu = 1000 \quad \text{ב. } 20\% \leq P_v \leq 50\% \quad \text{.} \quad H_1: \mu \neq 1000$$

ג. ברמת מוב hawkות של 5% לא נוכל לקבוע שקו הייצור אינו תקין.

$$(2) .10\%$$

$$(3) . H_0, \text{ קיבל את } 1.01$$

הקשר בין רוח סמך לבדיקה השערות על תוחלת (מומוצע):

רקע:

ניתן לבצע בדיקת השערות דו צדדיות ברמת מובהקות α על μ :

$$\mu_0 : \mu = \mu_1 , H_0 : \mu \neq \mu_0$$

על ידי בניית רוח סמך ברמת סמך של $\alpha - 1$ ל- μ :

אם μ_0 נופל ברווח \leftarrow קיבל את H_0 .

אם μ_0 לא נופל ברווח \leftarrow נדחה את H_0 .

דוגמה:

חוקר ביצע בדיקת השערות לתוחלת. להלן השערותיו :

$$H_0 : \mu = 80 , H_1 : \mu \neq 80 , \alpha = 5\%$$

החוקר בנה רוח סמך ברמה של 90% וקיבל: $84 < \mu < 79$.

האם אפשר לדעת מה מסקנתו, ואם כן מהי?

פתרון (פתרון מלא בהקלטה):

רוח הסמך ברמת סמך של 90% מכיל "80".

ברמת סמך של 95% רוח הסמך יגדל וכייל "80".

לכן, ברמת מובהקות של 5% קיבל H_0 .

שאלות:

- 1)** חוקר רצה לבדוק את ההשערות הבאות: $H_0: \mu = 90$, $H_1: \mu \neq 90$. החוקר בנה רוחח סמך לתוכלת ברמת סמך של 95% וקיבל את רוחח הסמך הבא: (87, 97). אם החוקר מעוניין לבצע בדיקת השערות ברמת מובהקות של 1% האם ניתן להגיע למסקנה ע"י רוחח הסמך? נמקו.
- 2)** חוקר מעוניין לבדוק השפעת דיאטה חדשה על רמת הסוכר בدم. ידוע כי מספר מיליגרים הסוכר בסמ"ק דם הוא משתנה מקרי שמתפלג נורמלית עם סטיית תקן 10.4 מ"ג. נלקח מדגם של 60 נבדקים שניזונו מדיאטה זו. נמצא כי ממוצע מספר המיליגרים סוכר היה 115.5 מ"ג לסמ"ק.
- א. בנה רוחח סמך ברמת סמך 95% לתוכלת רמת הסוכר בדם אצל הניזונים מדיאטה זו.
- ב. ידוע שתוחלת רמת הסוכר בדם באוכלוסייה היא 90 מ"ג לסמ"ק. האם לדעתך ניתן להסיק על סמך תוצאת סעיף א' שהדיאטה משפיעה על רמת הסוכר בדם? הסבירו.
- 3)** יצרן אנטיביוטיקה רושם על גבי התרופות שכמות הפנצליין היא 200 מ"ג لكפסולה. משרד הבריאות ביצע מדגם של 8 קפסולות אקרראיות מקו הייצור ומצא שבממוצע יש 196 מ"ג פנצליין لكפסולה עם סטיית תקן מדגמית של 5 מ"ג. בהנחה וכמות הפנצליין בקפסולה מתפלגת נורמלית.
- א. בנו רוחח סמך ברמת סמך של 95% למומוצע כמות הפנצליין لكפסולה המיוצרת על ידי יצרן האנטיביוטיקה.
- ב. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם יש אמת באינפורמציה המופיעukt על ידי הייצן.

תשובות סופיות:

- 1)** קיבל השערת.
- 2)** א. $112.87 \leq \mu \leq 118.13$
ב. נזכיר שהדיאטה משפיעה על תוחלת רמת הסוכר בדם.
- 3)** א. $200.2 \leq \mu \leq 191.8$. ב. נזכיר שיש אמת בפרסום.